1 Intégrale d'une fonction continue et positive

On a vu en exercice que pour calculer le nombre d'individus total il a fallu calculer l'aire sous la courbe décrivant la pyramide des âges. Cette aire est appelée intégrale.

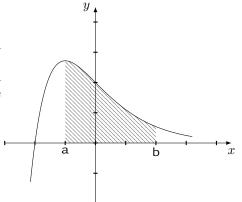
Définition

Soit f une fonction continue et positive sur un intervalle $[a\,;b]$ et \mathcal{C}_f sa représentation graphique.

L'intégrale de f sur [a;b] est l'aire situé entre l'axe des abscisses, la courbe \mathcal{C}_f et les droites d'équations x=a et x=b (zone hachurée sur le graphique).

On note cette quantité:

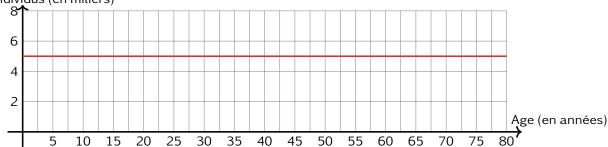
$$\int_{a}^{b} f(x)dx$$



Exemples

Toujourotan

Nombre d'individus (en miliers)



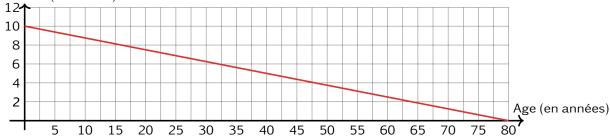
En notant f la fonction tracée dans le graphique, la population qui a entre 15 et 65ans se calcule

$$\int_{15}^{65} f(x)dx =$$

À faire au crayon à papier: Hachurer le rectangle correspondant à la population qui a entre 15 et 65 ans et faire le calcul

Hautenatalite

Nombre d'individus (en miliers)



En notant g la fonction tracée dans le graphique, la population qui a entre 15 et 65 ans se calcule

$$\int_{15}^{65} g(x)dx =$$

À faire au crayon à papier: Hachurer le rectangle correspondant à la population qui a entre 15 et 65 ans et faire le calcul